



Matlab: Funzioni

Informatica B AA 17/18

Giacomo Boracchi

giacomo.boracchi@polimi.it

22 Novembre 2017



A cosa servono le funzioni?

```
x = input('inserisci x: ');  
fx = 1  
for ii = 1 : x  
    fx = fx * ii;  
end  
if (fx > 220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    fy = 1  
    for ii = 1 : y  
        fy = fy * ii;  
    end  
end
```



A cosa servono le funzioni?

```
x = input('inserisci x: ');
```

```
fx = 1  
for ii = 1 : x  
    fx = fx * ii;  
end
```

```
if (fx > 220)  
    y = input('inserisci y: ');
```

```
fy = 1  
for ii = 1 : y  
    fy = fy * ii;  
end
```

```
end
```

Entrambi i
frammenti di
codice
eseguono il
calcolo del
fattoriale



Riusabilità

- Scrivo una sola volta codice utilizzato spesso
- Modifiche e correzioni sono gestibili facilmente
- Lo stesso codice viene facilmente richiamato in diversi programmi

Leggibilità

- Incapsulo porzioni di codice complesso, il programmatore non deve entrare nei dettagli
- Aumento il livello di astrazione dei miei programmi

Flessibilità

- Posso aggiungere funzionalità non presenti nelle funzioni di libreria



Usiamo uno script file?

Uno script file può essere usato per incapsulare porzioni di codice riusabili in futuro

```
x = input('inserisci x: ');  
fx=1  
for ii=1:x  
    fx = fx*ii  
end  
if (fx>220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    fy=1  
    for ii=1:y  
        fy = fy*ii  
    end  
end
```

```
f=1  
for ii=1:n  
    f = f*ii  
end
```

fattoriale.m



Limiti degli script-files

Problemi:

- Come fornisco l'input allo script?
- Dove recupero l'output?

Gli script utilizzano le variabili del workspace:

```
x = input('inserisci x: ');
n=x
fattoriale
fx=f
if (fx>220)
    y = input('inserisci y: ');
    n=y
    fattoriale
    fy=f
end
```

```
f=1
for ii=1:n
    f = f*ii
end
```

fattoriale.m



Problemi:

- Come fornisco l'input allo script?
- Dove recupero l'output?

Gli script utilizzano le variabili del workspace:

```
x = input('inserisci x: ');  
n=x ← Prepara l'input in n  
fattoriale ← chiama lo script  
fx=f ← Salva il risultato in f  
if (fx>220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    n=y  
    fattoriale  
    fy=f  
end
```

```
f=1  
for ii=1:n  
    f = f*ii  
end
```

fattoriale.m



Limiti degli script-files

Problemi:

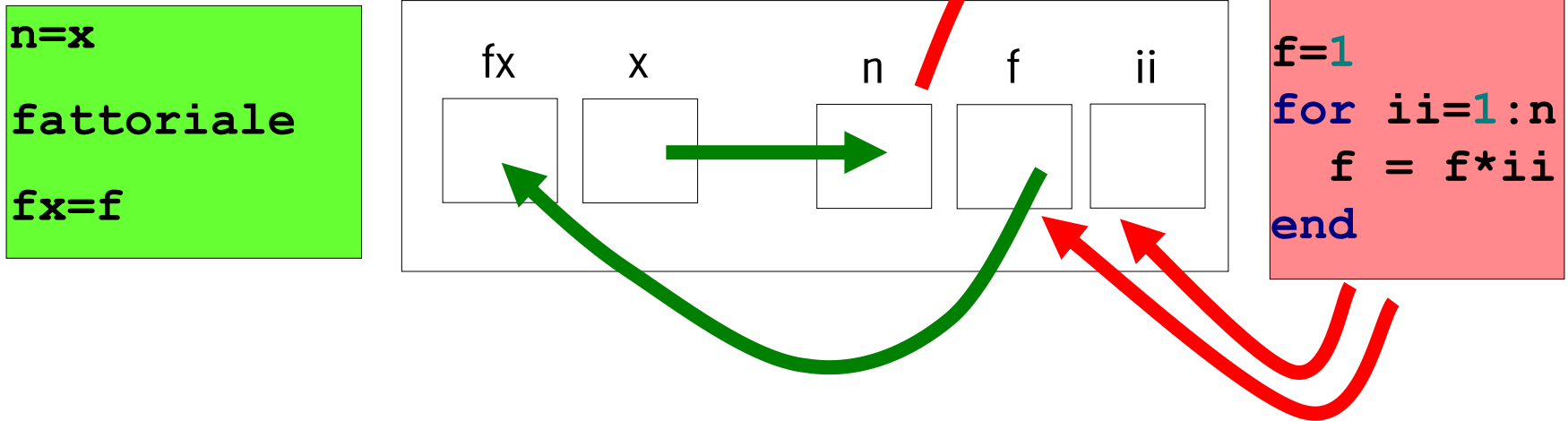
- Come fornisco l'input allo script?
- Dove recupero l'output?

Gli script utilizzano le variabili del workspace:

```
x = input('inserisci x: ');  
n=x ← Prepara l'input in n  
fattoriale ← chiama lo script  
fx=f ← Salva il risultato in f  
if (fx>220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    n=y ← Prepara l'input  
    fattoriale ← chiama lo script  
    fy=f ← Salva il risultato in f  
end
```

```
f=1  
for ii=1:n  
    f = f*ii  
end
```

fattoriale.m



- Questo meccanismo ha molti svantaggi:
 - poco leggibile
 - richiede molte istruzioni
 - poco sicuro
- Tutte le variabili sono nello stesso workspace: `fattoriale.m` può modificare tutte le variabili del workspace. Se `ii` fosse usata nel main questa sarebbe sovrascritta
- Le funzioni non hanno questi problemi



```
function f=fattoriale(n)
    f=1
    for ii=1:n
        f = f*ii
    end
```

header

body

n è l'argomento della funzione (serve a fornire l'input)

f è il valore di ritorno della funzione (serve a fornire l'output)

- La testata (header) inizia con la parola chiave **function** e definisce:
 - nome della funzione
 - argomenti (input)
 - valore di ritorno (output)
- Il corpo definisce le istruzioni da eseguire quando la funzione viene chiamata
 - Utilizza gli argomenti e assegna il valore di ritorno



Le funzioni (2)

Una funzione può avere più argomenti separati da virgola:

```
function f(x, y)
```

Nel caso sia necessario ritornare più valori, definiamo l'header affiancando più variabili in output usando la stessa notazione degli array (l'output non deve necessariamente essere omogeneo):

```
function [v1, v2, ...] = f(x, y)
```

Esempio:

```
function [s, p] = sumProd(a, b)  
    s = a + b;  
    p = a * b;
```



Sintassi per la Definizione di una Funzione

La sintassi per definire l'header di funzione è:

```
function [out1, .., outM] = nomeFunzione(in1, .., inN)
```

Gli argomenti (parametri in ingresso) **in1, .., inN** vanno elencate tra parentesi tonde e seguono il nome della funzione

I valori ritornati (parametri in uscita) **out1, .., outN** vanno elencate tra parentesi quadre e seguono la keyword **function**.

NB: la notazione [**out1, .., outM**] per le variabili in uscita di una funzione è la stessa dell'operatore CAT orizzontale. Questa è diversa perché **out1, .., outM** possono avere dimensioni e tipi non consistenti!

NB: se la funzione non ha parametri in ingresso/uscita le parentesi tonde/quadre rimangono vuote



Una funzione può essere invocata in un programma attraverso il suo nome, seguito dagli argomenti fra parentesi rotonde

La funzione viene quindi eseguita e il suo valore di ritorno viene calcolato.

Esempi

```
x = input('inserire x: ');
```

```
fx = fattoriale(x);
```

```
if (fx>220) ← Invocazione
```

```
y = input('inserisci y: ');
```

```
fy = fattoriale(y); ← Invocazione
```

```
end
```

```
function f=fattoriale(n)
    f=1
    for ii=1:n
        f = f*ii
    end
```



Definizioni:

- I **parametri formali** sono le variabili usate come **argomenti** e **valori di ritorno** **nella definizione** della funzione
- I **parametri attuali** sono i valori (o le variabili) usati come **argomenti** e come **valori di ritorno** **nell'invocazione** della funzione

```
function f=fattoriale(n)
```

```
    f = 1;
```

```
    for ii=1:n
```

```
        f = f*ii;
```

```
    end
```

```
>> fat5 = fattoriale(5) %Invocazione
```

```
fat5 =
```

```
    120
```

f ed n sono parametri formali

fx e 5 sono parametri attuali



I Parametri (2)

Qualsiasi tipo di parametri è ammesso (scalari, vettori, matrici, strutture, ecc.)

I parametri attuali vengono associati a quelli formali in base alla **posizione**: il primo parametro attuale viene associato al primo formale, il secondo parametro attuale al secondo parametro formale, ecc.

Esempio

>> [x,y]=sumProd(4,5)

```
function [s,p]=sumProd(a,b)
    s=a+b;
    p=a*b;
```



I Parametri (2)

Qualsiasi tipo di parametri è ammesso (scalari, vettori, matrici, strutture, ecc.)

I parametri attuali vengono associati a quelli formali in base alla **posizione**: il primo parametro attuale viene associato al primo formale, il secondo parametro attuale al secondo parametro formale, ecc.

Esempio

>> [x,y]=sumProd(4,5)

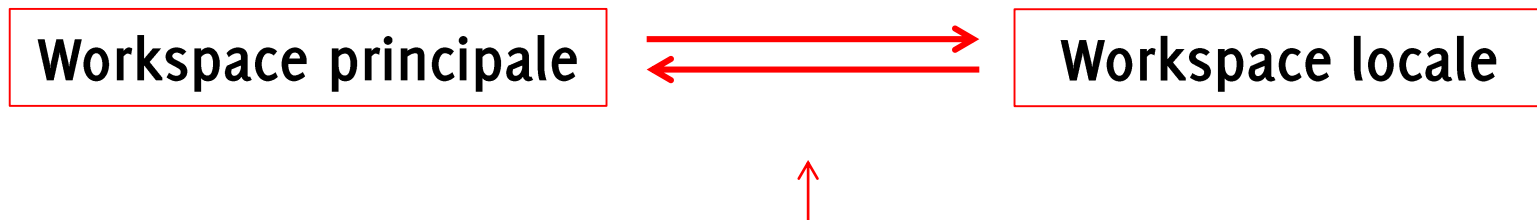
```
function [s,p]=sumProd(a,b)
    s=a+b;
    p=a*b;
```




Esecuzione di una funzione

Quando una funzione viene eseguita, viene creato un **workspace “locale”** in cui vengono memorizzate tutte le variabili usate nella funzione **inclusi i parametri formali**.

- All'interno delle funzioni **non si può accedere al workspace “principale”** (nessun conflitto di nomi)
- Al termine dell'esecuzione della funzione, **il workspace “locale” viene distrutto!**



Le comunicazioni tra i workspace avvengono solamente mediante copia dei valori dei parametri in ingresso ed in uscita



Riepilogando: Esecuzione di una funzione (2)

Quando viene invocata una funzione:

1. Vengono **calcolati** i valori dei **parametri attuali** di ingresso
2. Viene **creato un workspace “locale”** per la funzione
3. I **valori dei parametri attuali** di ingresso vengono **copiati** nei **parametri formali** all'interno del **workspace “locale”**
 - Il workspace locale ora contiene solamente i parametri formali con assegnati i valori dei parametri attuali
4. Viene **eseguito il corpo della funzione**
5. Vengono **copiati i valori di ritorno** dai **parametri formali** nel **workspace “locale”** al **workspace “principale”** nei corrispondenti parametri attuali
6. Il workspace “locale” viene **distrutto**

Esecuzione di una funzione: esempio

```
(1) >> x=3;
(2) >> w=2;
(3) >> r = funz(4);
```

W “principale” dopo (2)

```
x=3
w=2
```

W “principale” dopo (3)

```
x=3
w=2
r= 8
```

```
function y = funz(x)
    y = 2*x;      %(1')
    x = 0;       %(2')
    z = 4;       %(3')
```

W “locale” dopo(1')

```
x=4
y=8
```

W “locale” dopo(3')

```
x=0
y=8
z=4
```

~~W “locale” dopo (3)~~

Esecuzione di una funzione: esempio

```
(1) >> x=3;
(2) >> w=2;
(3) >> r = funz(4);
```

W “principale” dopo (2)

```
x=3
w=2
```

W “principale” dopo (3)

```
x=3
w=2
```

```
function y = funz(x)
    y = 2*x;      %(1')
    x = 0;       %(2')
    z = 4;       %(3')
    x = w - 1;   %(4')
```

W “locale” dopo(1')

```
x=4
y=8
```

W “locale” dopo(3')

```
x=0
y=8
z=4
```

W “locale” prima (4')

```
x=0
y=8
z=4
w=? → errore
```

~~W “locale” dopo (3)~~



I Parametri (3)

In linea di massima, **il numero di parametri attuali** all'invocazione della funzione deve essere identico al numero di **parametri formali in ingresso**

Il vincolo vale per i parametri in ingresso, anche se è possibile trattare i parametri formali nella funzione per gestire questi casi



I Parametri (3)

In linea di massima, **il numero di parametri attuali** all'invocazione della funzione deve essere identico al numero di **parametri formali in ingresso**

Il **vincolo vale per i parametri in ingresso**, anche se è possibile trattare i parametri formali nella funzione per gestire questi casi

Il **vincolo non vale per i parametri in uscita**: verranno assegnati solamente i parametri attuali specificati.

- Ad esempio **`s = sommaProd(5, 2)`** il valore della somma viene assegnato a **`s`** ma non il valore del prodotto (anche se la funzione lo calcola)



Esempio

Scrivere una funzione che prende in ingresso tre numeri e restituisce il massimo ed il minimo.



Esempio

```
function [minore, maggiore] = minmax(a,b,c)
maggiore = a;
if maggiore < b
    maggiore = b;
end
if maggiore < c
    maggiore = c;
end

minore = a;
if minore > b
    minore = b;
end
if minore > c
    minore = c;
end
```




Esempio

```
function [minore, maggiore] = minmax(a,b,c)
% alternativa che utilizza le funzioni
% built in di Matlab
maggiore = max([a, b, c]);
minore = min([a, b, c]);
```



Note sui Parametri in Uscita

I **parametri formali** dei valori di ritorno devono essere **sempre definiti** (eventualmente possono essere vuoti)

Questa funzione dà errori quando il vettore inserito contiene solamente elementi negativi

```
function [positivi, media] = mediaPositivi(vett)
    somma = 0; cnt = 0;
    positivi = [];
    for ii = 1 : length(vett)
        if vett(ii) > 0
            positivi = [positivi, vett(ii)];
            somma = somma + vett(ii);
            cnt = cnt + 1;
        end
    end
    if cnt > 0
        media = somma / cnt;
    end
```

>> [a,b] = mediaPositivi(-[1 : 10])

Error in mediaPositivi (line 2)

positivi = vett(vett > 0);

Output argument "media" (and maybe others) not assigned during call to mediaPositivi



Note sui Parametri in Uscita

I **parametri formali** dei valori di ritorno devono essere **sempre definiti** (eventualmente possono essere vuoti)

Questa funzione dà errori quando il vettore inserito contiene solamente elementi negativi

```
function [positivi, media] = mediaPositivi(vett)
    somma = 0; cnt = 0;
    positivi = [];
    for ii = 1 : length(vett)
        if vett(ii) > 0
            positivi = [positivi, vett(ii)];
            somma = somma + vett(ii);
            cnt = cnt + 1;
        end
    end
    if cnt > 0
        media = somma / cnt;
    else
        media = [];
    end
end
```



>> [x,y]=sumProd(4,5)

```
function [s ,p]=sumProd(a ,b)
    s=a+b;
    p=a*b;
```

È però possibile invocare la funzione senza specificare due parametri in uscita,

- es $x = \text{sumProd}(4,5)$. In tal caso solamente il primo output viene assegnato ad x

L'invocazione $\text{sumProd}(4,5)$ associa alla variabile `ans` il primo argomento restituito da `sumProd`

Per ricevere solo il secondo output uso `~` come se fosse una variabile da non considerare $[\sim,y] = \text{sumProd}(4,5)$



Come nel caso degli script le funzioni possono essere scritti in file di testo sorgenti

- Devono avere estensione .m
- Devono avere lo stesso nome della funzione
- La prima riga del file deve contenere l'header della funzione e di fatto iniziare con la parola chiave **function**

Attenzione a non “ridefinire” funzioni esistenti

- `exist('nomeFunzione')` → 0 se la funzione non esiste

Se commentate, le prime righe della funzione rappresentano l'help e vengono visualizzate quando si scrive: `help nomeFunzione`



Esercizio

Scrivere una funzione che prende in ingresso due coefficienti m, q ed un vettore di punti xx e restituisce il vettore yy dei punti che stanno sulla retta $y = mx + q$ in corrispondenza a xx



Esercizio

Scrivere una funzione che prende in ingresso due coefficienti m, q ed un vettore di punti xx e restituisce il vettore yy dei punti che stanno sulla retta $y = mx + q$ in corrispondenza a xx

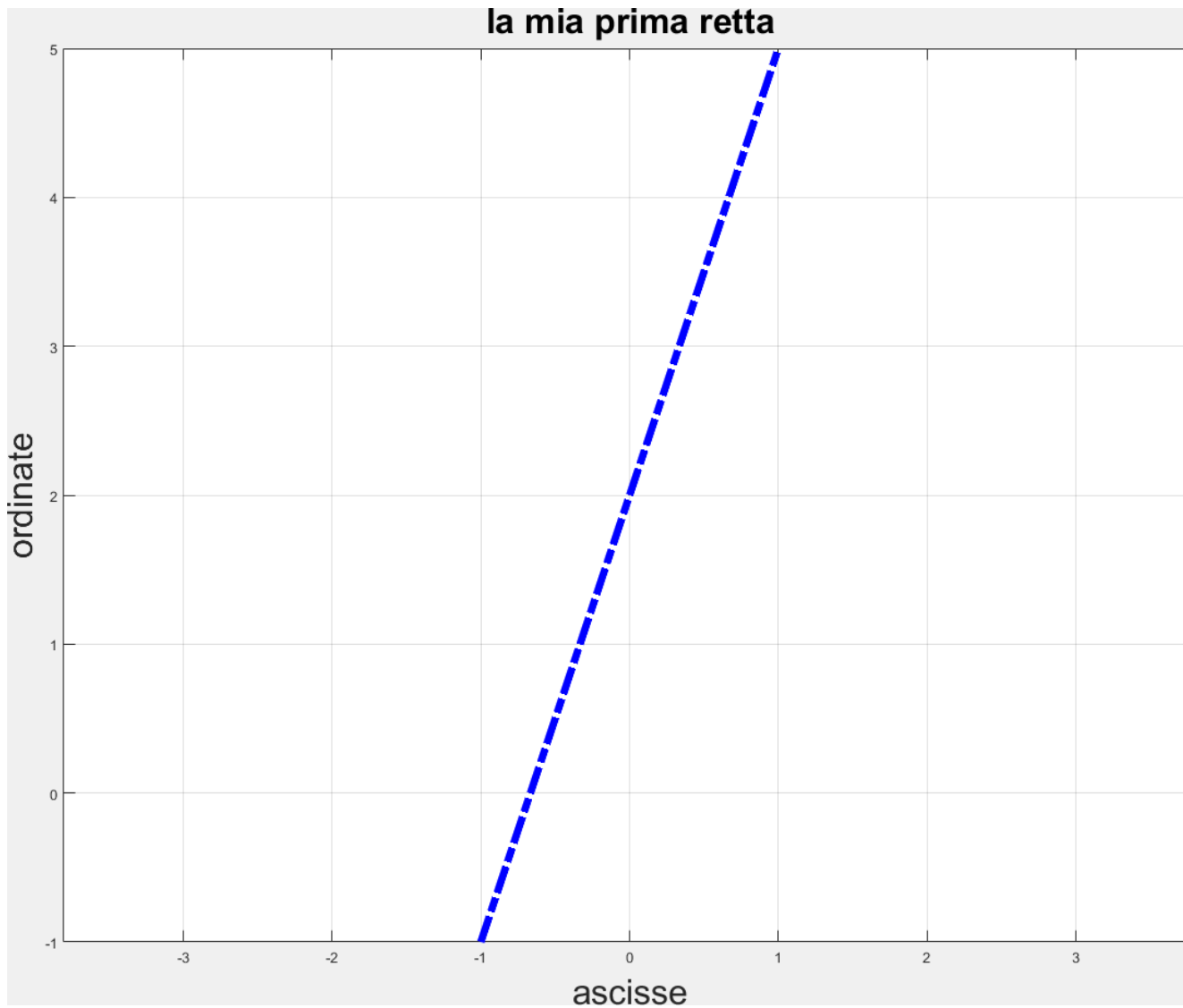
```
function yy = retta(m, q, xx)
% function yy = retta(m, q, xx)
% m, q sono i coefficienti e xx un vettore di punti
% la funzione restituisce il vettore yy dei punti che
% stanno sulla
% retta  $y = mx + q$  in corrispondenza a  $xx$ 

yy = m * xx + q;
```



Esempi di script per invocare la funzione

```
x = [-1 : 0.1 : 1];  
% invoco la funzione per plottare  $y = 3x + 2$   
y = retta(3,2,x)  
figure  
plot(x,y, 'b*') % disegno con le stelline  
axis equal % assi della stessa dimensione  
plot(x,y, 'b-'), %disegno con una retta  
grid on % aggiungo aggiungo la griglia  
plot(x,y, 'b-', 'LineWidth', 3), axis equal, grid on  
plot(x,y, 'b--', 'LineWidth', 5), axis equal, grid on  
plot(x,y, 'b-.', 'LineWidth', 5), axis equal, grid on  
title('la mia prima retta', 'FontSize', 24)  
xlabel('ascisse', 'FontSize', 24)  
ylabel('ordinate', 'FontSize', 24)
```



Esercizio

Scrivere una funzione che calcola la sequenza di Fibonacci della lunghezza richiesta

La successione di Fibonacci è definita così:

- $F(0) = 0$
- $F(1) = 1$
- $F(n) = F(n - 1) + F(n - 2), n > 1$



Implementare la funzione trasposizione per le matrici



Esempio

Scrivere una funzione *contoAllaRovescia* che prende in ingresso un intero (che esprime i secondi) ed esegue il conto alla rovescia. Al termine viene emesso un suono e mandato un messaggio a schermo.



Esempio

Scrivere una funzione *contoAllaRovescia* che prende in ingresso un intero (che esprime i secondi) ed esegue il conto alla rovescia. Al termine viene emesso un suono e mandato un messaggio a schermo.

```
function [] = contoAllaRovescia(n)
disp(['... ', num2str(n)])
for ii = [n - 1: -1 : 0]
    pause(1)
    disp(['... ', num2str(ii)])
end
disp('BOOOM!')
beep
```



Esempio

Scrivere una funzione *contoAllaRovescia* che prende in ingresso un intero (che esprime i secondi) ed esegue il conto alla rovescia. Al termine viene emesso un suono e mandato un messaggio a schermo.

Se la funzione non restituisce nulla si può omettere [] =

```
function contoAllaRovescia(n)
    disp(['... ', num2str(n)])
    for ii = [n - 1: -1 : 0]
        pause(1)
        disp(['... ', num2str(ii)])
    end
    disp('BOOOM!')
    beep
```



Esercizio

%% scrivere un programma che chiede all'utente di inserire un
% numero positivo (nel caso in cui il numero non è positivo ripetere %
inserimento)

%

% verificare se il numero è perfetto

%

% in caso contrario dice se è abbondante o difettivo.

% Dopo di che richiede un altro numero e controlla se

% i due numeri sono amici

%

% un numero è perfetto se corrisponde alla somma

% dei suoi divisori, escluso se stesso

% abbondante se è $>$ della somma dei suoi divisori

% altrimenti difettivo

%

% a,b sono amici se la somma dei divisori di $a = b$ e viceversa



Implemento diverse funzioni che richiamo

```
function n = inserisciInteroPositivo()  
% function n = inserisciInteroPositivo()  
%  
% richiede all'utente di inserire un intero positivo  
% e lo restituisce  
  
function somma = calcolaSommaDivisori(n)  
%function somma = calcolaSommaDivisori(n)  
%  
% calcola la somma di tutti i divisori di n escluso n  
  
function [res, abb] = controllaSePerfetto(n)  
% function [res, abb] = controllaSePerfetto(n)  
%  
% res = true se n è perfetto (uguale alla somma dei suoi  
divisori escluso se stesso)  
% se res = false e abb = true/false se è abbondante o  
difettivo  
  
function res = controllaSeAmici(a,b)  
% function res = controllaSeAmici(a,b)  
%  
% res = 1 se a è amico di b, 0 altrimenti
```